

गणित
MATHEMATICS

$$\frac{u \sin \theta}{g} = \frac{u \sin 2\theta}{g}$$

$$\sin \theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\cos \theta = \frac{1}{2}$$

$$\theta = 60^\circ$$

1. यदि किसी प्रक्षेप्य का क्षैतिज परास, प्राप्त की गई महत्तम ऊँचाई के बराबर है, तो उसका प्रक्षेप्य कोण है

(A) $\frac{\pi}{4}$
(B) $\tan^{-1}2$
(C) $\tan^{-1}4$
(D) $\frac{\pi}{3}$

2. अवकल समीकरण

$$\log_e \left(\frac{dy}{dx} \right) = 2x - y, y(0) = 0 \text{ का हल है}$$

(A) $e^y = 2e^{2x} + 1$
(B) $2e^y = e^{2x} + 1$
(C) $e^y = 2e^{2x} + 3$
(D) $2e^y = e^{2x} - 1$

3. यदि N प्राकृत संख्याओं का समुच्चय है, तो प्रतिचित्रण $f: N \rightarrow N$, है जो कि परिभाषित है

$$f(x) = \begin{cases} x+1 & \text{यदि } x \text{ विषम है} \\ x-1 & \text{यदि } x \text{ सम है} \end{cases} \text{ है}$$

(A) एकैकी एवं आच्छादक
(B) बहुएक एवं आच्छादक
(C) एकैकी एवं अनाच्छादक
(D) बहुएक एवं अनाच्छादक

1. If the horizontal range of a projectile is equal to its gained maximum height, then its angle of projection is

(A) $\frac{\pi}{4}$
(B) $\tan^{-1}2$
(C) $\tan^{-1}4$
(D) $\frac{\pi}{3}$

2. Solution of the differential equation

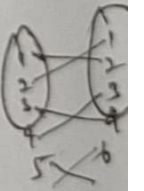
$$\log_e \left(\frac{dy}{dx} \right) = 2x - y, y(0) = 0 \text{ is}$$

(A) $e^y = 2e^{2x} + 1$
(B) $2e^y = e^{2x} + 1$
(C) $e^y = 2e^{2x} + 3$
(D) $2e^y = e^{2x} - 1$

3. If N is the set of natural numbers then the mapping $f: N \rightarrow N$ defined by

$$f(x) = \begin{cases} x+1 & \text{if } x \text{ is odd} \\ x-1 & \text{if } x \text{ is even} \end{cases} \text{ is}$$

(A) one-one and onto
(B) many to one and onto
(C) one-one and into
(D) many to one and into



Test Prime

**ALL EXAMS,
ONE SUBSCRIPTION**



70,000+
Mock Tests



**Personalised
Report Card**



**Unlimited
Re-Attempt**



600+
Exam Covered



**Previous Year
Papers**



**500%
Refund**



ATTEMPT FREE MOCK NOW



4. वृत्त $(x-1)^2 + (y-3)^2 = r^2$ और $x^2 + y^2 - 8x + 2y + 8 = 0$ दो विभिन्न बिन्दुओं पर प्रतिच्छेदन करते हैं। निम्नलिखित में कौन सही है ?

- (A) $r = 1$ (B) $1 < r < 1$
(C) $r = 2$ (D) $2 < r < 8$

5. यदि $V = (x^2 + y^2 + z^2)^{-1/2}$, तो

$$x \frac{\partial V}{\partial x} + y \frac{\partial V}{\partial y} + z \frac{\partial V}{\partial z} \text{ बराबर है}$$

- (A) V (B) $\frac{1}{2}V$
(C) $-V$ (D) 0

6. G एक समूह है जिसका क्रम 30 है तथा A, B क्रमशः क्रम 2 तथा 5 के नार्मल उपसमूह हैं, तो

$$O\left(\frac{G}{AB}\right) \text{ है}$$

- (A) 2 (B) 3
(C) 5 (D) 10

7. यदि $x = \log(\sec\theta + \tan\theta)$, तो $\cosh x$ का मान है

- (A) $\tan\theta$ (B) $\cos\theta$
(C) $\sin\theta$ (D) $\sec\theta$

8. एक कण वक्र $x = t^3 - 2, y = t^2 + t, z = 2t + 1$ के अनुगत चलता है। $t = 1$ पर उसके त्वरण का घटक $\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$ की दिशा में है

- (A) 4 (B) $4\sqrt{3}$
(C) $\frac{4}{\sqrt{3}}$ (D) 2

4. The circles $(x-1)^2 + (y-3)^2 = r^2$ and $x^2 + y^2 - 8x + 2y + 8 = 0$ intersect at two distinct points. Which of the following is correct ?

- (A) $r = 1$ (B) $1 < r < 1$
(C) $r = 2$ (D) $2 < r < 8$

5. If $V = (x^2 + y^2 + z^2)^{-1/2}$, then

$$x \frac{\partial V}{\partial x} + y \frac{\partial V}{\partial y} + z \frac{\partial V}{\partial z} \text{ is equal to}$$

- (A) V (B) $\frac{1}{2}V$
(C) $-V$ (D) 0

6. Let G be a group of order 30 and let A, B be normal subgroups of orders 2 and 5 respectively. Then $O\left(\frac{G}{AB}\right)$ is

- (A) 2 (B) 3
(C) 5 (D) 10

7. If $x = \log(\sec\theta + \tan\theta)$, then $\cosh x$ is equal to

- (A) $\tan\theta$ (B) $\cos\theta$
(C) $\sin\theta$ (D) $\sec\theta$

8. A particle moves along the curve $x = t^3 - 2, y = t^2 + t, z = 2t + 1$. The component of its acceleration at $t = 1$ in the direction $\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$ is

- (A) 4 (B) $4\sqrt{3}$
(C) $\frac{4}{\sqrt{3}}$ (D) 2

एव β^4 हो, है

- (A) $x^2 - x - 1 = 0$
- (B) $x^2 - x + 1 = 0$
- (C) $x^2 + x - 1 = 0$
- (D) $x^2 + x + 1 = 0$

10. निम्नलिखित फलनों $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ में कौन सा रैखिक रूपान्तरण है ?

- (A) $T(x, y) = (x + 1, y)$
- (B) $T(x, y) = (x, y + 1)$
- (C) $T(x, y) = (x + y, 0)$
- (D) $T(x, y) = (x - 1, y)$

11. सारणिक $\begin{vmatrix} 1^2 & 2^2 & 3^2 & 4^2 \\ 2^2 & 3^2 & 4^2 & 5^2 \\ 3^2 & 4^2 & 5^2 & 6^2 \\ 4^2 & 5^2 & 6^2 & 7^2 \end{vmatrix}$ का मान है

- (A) 60
- (B) 96
- (C) 120
- (D) उपर्युक्त में से कोई नहीं

12. फलन $f(x) = |x - 5|$ के लिये निम्नलिखित में से कौन सही नहीं है ?

- (A) फलन $x = 5$ पर सतत है
- (B) फलन $x = -5$ पर सतत नहीं है
- (C) फलन $x = 0$ पर अवकलनीय है
- (D) फलन $x = -5$ पर अवकलनीय है

$x^2 + x + 1 = 0$, then the equation whose roots are α^7 and β^4 is

- (A) $x^2 - x - 1 = 0$
- (B) $x^2 - x + 1 = 0$
- (C) $x^2 + x - 1 = 0$
- (D) $x^2 + x + 1 = 0$

10. Which of the following functions $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ is a linear transformation ?

- (A) $T(x, y) = (x + 1, y)$
- (B) $T(x, y) = (x, y + 1)$
- (C) $T(x, y) = (x + y, 0)$
- (D) $T(x, y) = (x - 1, y)$

11. The value of the determinant

$\begin{vmatrix} 1^2 & 2^2 & 3^2 & 4^2 \\ 2^2 & 3^2 & 4^2 & 5^2 \\ 3^2 & 4^2 & 5^2 & 6^2 \\ 4^2 & 5^2 & 6^2 & 7^2 \end{vmatrix}$ is

- (A) 60
- (B) 96
- (C) 120
- (D) None of the above

12. For the function $f(x) = |x - 5|$, which of the following is not correct ?

- (A) The function $f(x)$ is continuous at $x = 5$.
- (B) The function $f(x)$ is not continuous at $x = -5$
- (C) The function $f(x)$ is differentiable at $x = 0$
- (D) The function $f(x)$ is differentiable at $x = -5$

13. समीकरण $x^2(y - px) = p^2y$ का व्यापक हल है; जहाँ $p = \frac{dy}{dx}$

- (A) $y^2 - c^2 = 2cx^3$
(B) $x^2(y - cx) = c^2y$
(C) $xy^2 = cx^4 + c^2$
(D) $y^2 = cx^2 + c^2$

14. अतिपरवलय के नाभियों के बीच की दूरी 16 है तथा इसकी उत्केन्द्रता $\sqrt{2}$ है। अतिपरवलय का समीकरण है

- (A) $x^2 - y^2 = 32$ (B) $2x^2 - y^2 = 16$
(C) $x^2 - 2y^2 = 32$ (D) $x^2 - y^2 = 8$

15. वास्तविक संख्याओं के ऊपर समिश्र संख्याओं के सदिश समष्टि $C(R)$ की विमा है

- (A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 4

16. यदि सदिश \vec{a} तथा \vec{b} अघूर्णनीय हैं तो $\text{div}(\vec{a} \times \vec{b})$ बराबर है

- (A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 0

17. एक समूह जो कि क्रम विनिमेयी नहीं है, में कम से कम होते हैं

- (A) 2 अवयव
(B) 3 अवयव
(C) 5 अवयव
(D) 6 अवयव

13. General solution of $x^2(y - px) = p^2y$ where $p = \frac{dy}{dx}$ is

- (A) $y^2 - c^2 = 2cx^3$
(B) $x^2(y - cx) = c^2y$
(C) $xy^2 = cx^4 + c^2$
(D) $y^2 = cx^2 + c^2$

14. The distance between the foci of a hyperbola is 16 and its eccentricity is $\sqrt{2}$ the equation of hyperbola is

- (A) $x^2 - y^2 = 32$ (B) $2x^2 - y^2 = 16$
(C) $x^2 - 2y^2 = 32$ (D) $x^2 - y^2 = 8$

15. The dimension of the vector space $C(R)$ of the complex number over real numbers is

- (A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 4

16. If \vec{a} and \vec{b} are irrotational vectors then $\text{div}(\vec{a} \times \vec{b})$ is equal to

- (A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 0

17. A non commutative group has at least

- (A) 2 elements
(B) 3 elements
(C) 5 elements
(D) 6 elements

$$ax^2 = 16, \quad a\sqrt{2} = 16$$

$$a = \frac{16}{\sqrt{2}}$$

$$e = \frac{\sqrt{a^2 + b^2}}{a}$$

$$2 = \frac{\sqrt{16 + 2b^2}}{\frac{16}{\sqrt{2}}}$$

$$2 = \frac{\sqrt{16 + 2b^2}}{16/\sqrt{2}}$$



18. $4(\sin^2\theta + \cos^4\theta)$ के अधिकतम एवं न्यूनतम मानों का योग है
(A) 3 (B) 4
(C) 5 (D) 7
19. कार्डियोइड $r = a(1 + \cos\theta)$ के अन्दर के उस भाग का क्षेत्रफल जो वृत्त $r = a$ के बाहर है, है
(A) $a^2(\pi + 2)$
(B) $a^2\left(\frac{\pi}{4} + 2\right)$
(C) $a^2(\pi - 2)$
(D) इसमें से कोई नहीं
20. श्रेणी $\frac{1}{1.2} - \frac{1}{2.3} + \frac{1}{3.4} - \frac{1}{4.5} + \dots$ का योगफल है
(A) $2 \log 2 - 1$
(B) $2 \log 2 - 3$
(C) $2 \log 2$
(D) उपर्युक्त में से कोई नहीं
21. सरल रेखाएँ $3x - 4y + 4 = 0$ और $6x - 8y + 13 = 0$ एक ही वृत्त की दो स्पर्शियाँ हैं। वृत्त की त्रिज्या है
(A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{4}$
(C) $\frac{3}{2}$ (D) 2
22. यदि $f(x) = |x - 1| + |x|$ तो $f'(1)$ का मान है
(A) 0
(B) 1
(C) -1
(D) अस्तित्व में नहीं

G-06/C

18. Sum of maximum and minimum values of $4(\sin^2\theta + \cos^4\theta)$ is
(A) 3 (B) 4
(C) 5 (D) 7
19. The area inside the cardioid $r = a(1 + \cos\theta)$ and outside the circle $r = a$ is
(A) $a^2(\pi + 2)$
(B) $a^2\left(\frac{\pi}{4} + 2\right)$
(C) $a^2(\pi - 2)$
(D) none of these
20. Sum of the series $\frac{1}{1.2} - \frac{1}{2.3} + \frac{1}{3.4} - \frac{1}{4.5} + \dots$
(A) $2 \log 2 - 1$
(B) $2 \log 2 - 3$
(C) $2 \log 2$
(D) None of the above
21. The straight lines $3x - 4y + 4 = 0$ and $6x - 8y + 13 = 0$ are tangents to the same circle. The radius of the circle is
(A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{4}$
(C) $\frac{3}{2}$ (D) 2
22. If $f(x) = |x - 1| + |x|$ then $f'(1)$ is equal to
(A) 0
(B) 1
(C) -1
(D) does not exist

$$\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right) - \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) + \dots$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} - \dots$$



23. $5^2 + 6^2 + 7^2 + \dots + 20^2$ का मान है

- (A) 2040 (B) 2540
(C) 2840 (D) 3840

24. आंशिक समीकरण

$$(mz - ny) \frac{\partial z}{\partial x} + (nx - lz) \frac{\partial z}{\partial y} = ly - mx \text{ का}$$

हल है

- (A) $f(x^2 + xz, y^2 + yz) = 0$
(B) $f(z^2 + xy, y^2 + xz) = 0$
(C) $f(x^2 + y^2, lx + my) = 0$
(D) $f(x^2 + y^2 + z^2, lx + my + nz) = 0$

25. यदि $f(x) = ax + b$ और $f(f(f(x))) = 8x + 21$ और यदि a, b वास्तविक संख्याएं हो, तो $a + b$ बराबर है

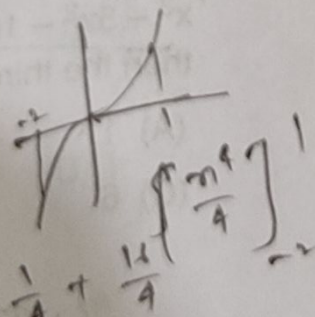
- (A) 2 (B) 3
(C) 5 (D) 7

26. वक्र $s = a \log \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\psi}{2} \right)$ की बिन्दु (s, ψ) पर वक्रता त्रिज्या है

- (A) $a \tan \psi$
(B) $a \sec \psi$
(C) $a \sec^2 \psi$
(D) $a \sec \psi \tan \psi$

27. वक्र $y = x^3$, x अक्ष तथा कोटियों $x = -2, x = 1$ से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है

- (A) 1 वर्ग इकाई
(B) $\frac{1}{4}$ वर्ग इकाई
(C) $\frac{3}{4}$ वर्ग इकाई
(D) $\frac{17}{4}$ वर्ग इकाई



23. The value of $5^2 + 6^2 + 7^2 + \dots + 20^2$ is

- (A) 2040 (B) 2540
(C) 2840 (D) 3840

24. The solution of the partial differential equation

$$(mz - ny) \frac{\partial z}{\partial x} + (nx - lz) \frac{\partial z}{\partial y} = ly - mx \text{ is}$$

- (A) $f(x^2 + xz, y^2 + yz) = 0$
(B) $f(z^2 + xy, y^2 + xz) = 0$
(C) $f(x^2 + y^2, lx + my) = 0$
(D) $f(x^2 + y^2 + z^2, lx + my + nz) = 0$

25. If $f(x) = ax + b$ and $f(f(f(x))) = 8x + 21$ and if a, b are real numbers then $a + b$ is equal to

- (A) 2 (B) 3
(C) 5 (D) 7

26. The radius of curvature of the curve $s = a \log \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\psi}{2} \right)$ at (s, ψ) is

- (A) $a \tan \psi$
(B) $a \sec \psi$
(C) $a \sec^2 \psi$
(D) $a \sec \psi \tan \psi$

27. The area of the region bounded by the curve $y = x^3$, x axis and the ordinates $x = -2$ and $x = 1$ is

- (A) 1 square unit
(B) $\frac{1}{4}$ square unit
(C) $\frac{3}{4}$ square unit
(D) $\frac{17}{4}$ square unit



28. M द्रव्यमान तथा a त्रिज्या वाले खोखले गोले का जड़त्व आघूर्ण, व्यास से सापेक्ष है

- (A) $M \cdot \frac{2a^2}{3}$ (B) $M \cdot \frac{2a^2}{5}$
(C) $M \cdot \frac{a^2}{4}$ (D) $M \cdot \frac{a^2}{3}$

29. यदि $(G, +)$ एक समूह है और $x + y = x + 2y - 3$
 $\forall x, y \in G$, तो x का समूह में व्युत्क्रम है

- (A) $\frac{2x+9}{4}$ (B) $\frac{9-2x}{4}$
(C) $\frac{x-3}{4}$ (D) $\frac{x+2}{4}$

30. केन्द्रीय शंकुज $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$ के निर्देशक गोले का समीकरण है

- (A) $x^2 + y^2 + z^2 = a^2 + b^2 + c^2$
(B) $x^2 + y^2 + z^2 = \frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}$
(C) $ax^2 + by^2 + cz^2 = a^2 + b^2 + c^2$
(D) $x^2 + y^2 + z^2 = 1$

31. यदि सदिश

$$\vec{F} = (x + 3y)\hat{i} + (y - 2z)\hat{j} + (x - az)\hat{k}$$

परिनालकीय है, तो a का मान है

- (A) 1 (B) -1
(C) 2 (D) -2

32. यदि समीकरण $x^3 - 5x^2 - 16x + 80 = 0$ के दो मूल 4 तथा -4 हैं तो इस समीकरण का तीसरा मूल है

- (A) 1 (B) 2
(C) 6 (D) 5

28. Moment of inertia of a hollow sphere about a diameter whose mass is M and radius a, is

- (A) $M \cdot \frac{2a^2}{3}$ (B) $M \cdot \frac{2a^2}{5}$
(C) $M \cdot \frac{a^2}{4}$ (D) $M \cdot \frac{a^2}{3}$

29. If $(G, +)$ is a group and $x + y = x + 2y - 3$
 $\forall x, y \in G$, then inverse of x in the group is

- (A) $\frac{2x+9}{4}$ (B) $\frac{9-2x}{4}$
(C) $\frac{x-3}{4}$ (D) $\frac{x+2}{4}$

30. The equation of the director sphere of the central conicoid $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$ is

- (A) $x^2 + y^2 + z^2 = a^2 + b^2 + c^2$
(B) $x^2 + y^2 + z^2 = \frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}$
(C) $ax^2 + by^2 + cz^2 = a^2 + b^2 + c^2$
(D) $x^2 + y^2 + z^2 = 1$

31. If the vector

$$\vec{F} = (x + 3y)\hat{i} + (y - 2z)\hat{j} + (x - az)\hat{k}$$

is solenoidal then a is equal to

- (A) 1 (B) -1
(C) 2 (D) -2

32. If the two roots of the equation $x^3 - 5x^2 - 16x + 80 = 0$ are 4 and -4 then the third root of this equation is

- (A) 1 (B) 2
(C) 6 (D) 5

$$x^3 - 5x^2 - 16x + 80 = 0$$

$$x = 4$$

$$x^3 - 5x^2 - 16x + 80 = 0$$

$$x = -4$$

$$x = ?$$

$$x^3 - 5x^2 - 16x + 80 = 0$$

$$x^3 - 5x^2 - 16x + 80 = 0$$

M.



33. यदि $y = 4x - 5$ वक्र $y^2 = ax^3 + b$ के बिन्दु $(2, 3)$ पर स्पर्श रेखा का समीकरण हो, तो (a, b) बराबर है
- (A) $(2, 7)$ (B) $(2, -7)$
(C) $(-2, 7)$ (D) $(-2, -7)$

34. आंशिक अवकल समीकरण $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = 0$ का हल का रूप है $u =$
- (A) $f(x + y)$ (B) $f(x - y)$
(C) $f\left(\frac{y}{x}\right)$ (D) $f(xy)$

35. $(Z, +)$ समूह में, 2 तथा 7 से जनित उपसमूह है
- (A) $9Z$ (B) $14Z$
(C) Z (D) $5Z$

36. 1, 2, 3, 4, 5 से पाँच अंको की संख्या बिना दोबारा आये इस प्रकार बनाई जाती है कि बनी संख्या 4 से विभाजित हो, इस प्रकार से संख्या बनने की प्रायिकता है

- (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{2}{5}$
(C) $\frac{3}{5}$ (D) $\frac{1}{5}$

37. $\int_0^\infty e^{-x^2} dx$ का मान है

- (A) $\frac{1}{2}\sqrt{\pi}$ (B) $\frac{\pi}{2}$
(C) $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$ (D) π

33. If $y = 4x - 5$ is equation of the tangent to a curve $y^2 = ax^3 + b$ at $(2, 3)$, then (a, b) is equal to

- (A) $(2, 7)$ (B) $(2, -7)$
(C) $(-2, 7)$ (D) $(-2, -7)$

34. The solution of PDE $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = 0$ is of the form $u =$

- (A) $f(x + y)$ (B) $f(x - y)$
(C) $f\left(\frac{y}{x}\right)$ (D) $f(xy)$

35. In the group $(Z, +)$, the subgroup generated by 2 and 7 is

- (A) $9Z$ (B) $14Z$
(C) Z (D) $5Z$

36. A five digit number is formed by the digits 1, 2, 3, 4, 5 without repetition, the probability that the number formed is divisible by 4, is

- (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{2}{5}$
(C) $\frac{3}{5}$ (D) $\frac{1}{5}$

37. $\int_0^\infty e^{-x^2} dx$ is equal to

- (A) $\frac{1}{2}\sqrt{\pi}$ (B) $\frac{\pi}{2}$
(C) $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$ (D) π



38. रेखा $y = x$, x अक्ष तथा कोटियों $x = 0$, $x = 2$ के बीच के क्षेत्रफलको x अक्ष के परितः घुमाया जाता है, तो इस प्रकार जनित ठोस का गुरुत्व केन्द्र निम्न बिन्दु पर है

(A) $\left(\frac{1}{2}, 0\right)$ (B) $\left(\frac{3}{2}, 0\right)$

(C) $\left(\frac{3}{4}, 0\right)$ (D) $\left(\frac{1}{4}, 0\right)$

39. यदि $W (\neq 1)$ इकाई का एक घनमूल है तथा $(1 + W)^7 = A + BW$ हो तो $A^2 + B^2$ का मान है

(A) 0 (B) 1

(C) 2 (D) 4

40. मूल बिन्दु से जाने वाले तथा निर्देशांक अक्षों पर 1, 3, 5 के अन्तः खण्ड काटने वाले गोले का समीकरण है

(A) $x^2 + y^2 + z^2 + x + 3y + 5z = 0$

(B) $x^2 + y^2 + z^2 - x + 3y - 5z = 0$

(C) $x^2 + y^2 + z^2 + x - 3y + 5z = 0$

(D) $x^2 + y^2 + z^2 - x - 3y - 5z = 0$

41. माना $V(F)$, क्षेत्र F पर एक परिमित विमीय सदिश समष्टि है तथा W , V का एक उप समष्टि है। यदि $\dim V = 5$ तथा $\dim W = 3$ तो $\dim W^\circ$ है

(A) 2 (B) 3

(C) 1 (D) 8

38. The area lying between line $y = x$, x axis and ordinates $x = 0$ and $x = 2$ is revolved about x axis. The centre of gravity of the solid thus generated is at the following point.

(A) $\left(\frac{1}{2}, 0\right)$ (B) $\left(\frac{3}{2}, 0\right)$

(C) $\left(\frac{3}{4}, 0\right)$ (D) $\left(\frac{1}{4}, 0\right)$

39. If $W (\neq 1)$ is a cube root of unity and $(1 + W)^7 = A + BW$ then the value of $A^2 + B^2$ is

(A) 0 (B) 1

(C) 2 (D) 4

40. The equation of the sphere passing through the origin and making intercepts 1, 3, 5 with the three coordinate axes is

(A) $x^2 + y^2 + z^2 + x + 3y + 5z = 0$

(B) $x^2 + y^2 + z^2 - x + 3y - 5z = 0$

(C) $x^2 + y^2 + z^2 + x - 3y + 5z = 0$

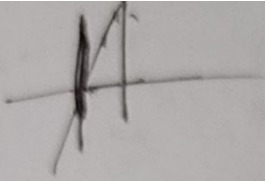
(D) $x^2 + y^2 + z^2 - x - 3y - 5z = 0$

41. Let $V(F)$ be a finite dimensional vector space over the field F and W be a subspace of V . If $\dim V = 5$, $\dim W = 3$ then $\dim W^\circ$ is

(A) 2 (B) 3

(C) 1 (D) 8

$(-w_4)^7$
 $-w^{14}$
 $-w^2$



42. अवकल समीकरण $k \frac{d^2y}{dx^2} = \left[1 + \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 \right]^{\frac{3}{2}}$

की कोटि एवं घात हैं

- (A) कोटि 2 घात 3
- (B) कोटि 2 घात 2
- (C) कोटि 3 घात 2
- (D) उपरोक्त में से कोई नहीं

43. $\sinh(x + iy)$ बराबर है

- (A) $\sin x \cosh y + i \cosh x \sin y$
- (B) $\sinh x \cos y + i \cosh x \sin y$
- (C) $\sin x \cosh y - i \cosh x \sin y$
- (D) $\sinh x \cos y - i \cosh x \sin y$

44. (1, 1) से जाने वाली वक्र, जो अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^2$ को संतुष्ट करती है, का समीकरण है

- (A) $xy = x^4 + 3$
- (B) $4xy + x^4 = 3$
- (C) $ye^x = x^4 + 3$
- (D) $4xy = x^4 + 3$

45. सामान्य रज्जुवक्र का कार्तीय (कार्टेशियन) समीकरण है

- (A) $y^2 = c^2 + x^2$
- (B) $y = c \cosh \left(\frac{x}{c} \right)$
- (C) $y = c \sec x$
- (D) $y = c \tan hx$

42. The order and degree of the differential equation $k \frac{d^2y}{dx^2} = \left[1 + \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 \right]^{\frac{3}{2}}$ are

- (A) order 2 degree 3
- (B) order 2 degree 2
- (C) order 3 degree 2
- (D) none of the above

43. $\sinh(x + iy)$ is equal to

- (A) $\sin x \cosh y + i \cosh x \sin y$
- (B) $\sinh x \cos y + i \cosh x \sin y$
- (C) $\sin x \cosh y - i \cosh x \sin y$
- (D) $\sinh x \cos y - i \cosh x \sin y$

44. Equation of the curve passing through (1, 1) and satisfying the differential equation $\frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^2$ is

- (A) $xy = x^4 + 3$
- (B) $4xy + x^4 = 3$
- (C) $ye^x = x^4 + 3$
- (D) $4xy = x^4 + 3$

45. The Cartesian equation of the common catenary is

- (A) $y^2 = c^2 + x^2$
- (B) $y = c \cosh \left(\frac{x}{c} \right)$
- (C) $y = c \sec x$
- (D) $y = c \tan hx$



46. यदि $X = \{1, 2, 3, 4\}$ तो X पर परिभाषित सम्बन्ध $R = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (3, 2), (2, 3), (2, 1), (1, 2)\}$ है

- (A) स्वतुल्य, सममित तथा संक्रामक
(B) स्वतुल्य, सममित परन्तु संक्रामक नहीं
(C) सममित, संक्रामक परन्तु स्वतुल्य नहीं
(D) स्वतुल्य, संक्रामक परन्तु सममित नहीं

47. यदि सम्मिश्र संख्यायें a_1, a_2, a_3, \dots गुणोत्तर श्रेणी में हैं तथा सार्वनुपात r इस प्रकार है कि $\sum_{k=1}^n a_{2k-1} = \sum_{k=1}^n a_{2k+2} \neq 0$ तो r के सम्भव मानों की संख्या है

- (A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 4

48. यदि B एक आव्यूह इस प्रकार है कि $B^2 = B$ और $A = I - B$, तो निम्नलिखित में कौन सही नहीं है ?

- (A) $A^2 = A$ (B) $A^2 = I$
(C) $AB = 0$ (D) $BA = 0$

49. द्विघात समीकरण

$$x^2 + 2\sqrt{2}xy + 2y^2 + 4x + 4\sqrt{2}y + 1 = 0$$

सरल रेखाओं का युग्म निरूपित करता है, तो इनके बीच की दूरी है

- (A) 4 (B) $\frac{4}{\sqrt{3}}$
(C) 2 (D) $2\sqrt{3}$

50. वक्र $x^2y^2 = a^2(x^2 + y^2)$ की अनंत स्पर्शियाँ हैं

- (A) $x = 0, y = 0$ (B) $x = \pm a, y = 0$
(C) $x = 0, y = \pm a$ (D) $x = \pm a, y = \pm a$

PG-06/C

$$x^2y^2 = a^2(x^2 + y^2)$$

$$x^2y^2 = a^2x^2 + a^2y^2$$

$$x^2y^2 - a^2x^2 - a^2y^2 = 0$$

$$x^2(y^2 - a^2) - a^2y^2 = 0$$

$$x^2(y - a)(y + a) - a^2y^2 = 0$$

$$x^2(y - a)(y + a) = a^2y^2$$

$$x^2 = \frac{a^2y^2}{(y - a)(y + a)}$$

$$x = \pm \frac{ay}{y^2 - a^2}$$

46. If $X = \{1, 2, 3, 4\}$ then the relation $R = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (3, 2), (2, 3), (2, 1), (1, 2)\}$ defined on X is

- (A) reflexive, symmetric and transitive
(B) reflexive, symmetric but not transitive
(C) symmetric, transitive but not reflexive
(D) reflexive, transitive but not symmetric

47. If complex numbers a_1, a_2, a_3, \dots are in G.P. having common ratio r such that $\sum_{k=1}^n a_{2k-1} = \sum_{k=1}^n a_{2k+2} \neq 0$ then number of possible values of r is

- (A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 4

48. If B is a matrix such that $B^2 = B$ and $A = I - B$, then which of the following is not correct ?

- (A) $A^2 = A$ (B) $A^2 = I$
(C) $AB = 0$ (D) $BA = 0$

49. The equation of second degree

$$x^2 + 2\sqrt{2}xy + 2y^2 + 4x + 4\sqrt{2}y + 1 = 0$$

represents a pair of straight lines, the distance between them is

- (A) 4 (B) $\frac{4}{\sqrt{3}}$
(C) 2 (D) $2\sqrt{3}$

50. Asymptotes of the curve $x^2y^2 = a^2(x^2 + y^2)$ are

- (A) $x = 0, y = 0$ (B) $x = \pm a, y = 0$
(C) $x = 0, y = \pm a$ (D) $x = \pm a, y = \pm a$

$$2 \pm \sqrt{8-1} = \frac{2 \pm \sqrt{7}}{2 \times 3}$$

$$2 \pm \sqrt{7-8} = \frac{2 \pm \sqrt{-1}}{2 \times 3}$$

$$2 \pm \sqrt{8-9} = \frac{2 \pm \sqrt{-1}}{2 \times 3}$$



51. यदि $y = \cos(3 \cos^{-1}x)$, तो $\frac{d^3y}{dx^3}$ बराबर है

- (A) 0 (B) 3
(C) 16 (D) 24

52. a त्रिज्या तथा M द्रव्यमान की एक वलय का जड़त्व आधूर्ण केन्द्र से जाने वाली तथा इसके समतल पर लम्बवत रेखा के सापेक्ष है

- (A) $\frac{1}{2} Ma^2$ (B) Ma^2
(C) $\frac{2}{3} Ma^2$ (D) $\frac{4}{3} Ma^2$

53. रेखा समूह $y = k(x-1)$, $k \in \mathbb{R}$, की लंबकोणीय समछेदी का समीकरण है

- (A) $(x-1)^2 + y^2 = c^2$
(B) $(x-1)^2 + (y-1)^2 = c^2$
(C) $ky + x - 1 = 0$
(D) $x^2 + y^2 = c^2$

54. यदि एक 3×3 आव्यूह A के प्रत्येक अवयव को 3 से गुणा किया गया है, तो नई बनी आव्यूह की सारणिक है

- (A) $3 |A|$ (B) $9 |A|$
(C) $(|A|)^3$ (D) $27 |A|$

55. 3×3 के सभी वास्तविक सममित आव्यूहों से बने सदिश समष्टि की विमा है

- (A) 3 (B) 6
(C) $3n$ (D) 9

51. If $y = \cos(3 \cos^{-1}x)$, then $\frac{d^3y}{dx^3}$ is equal to

- (A) 0 (B) 3
(C) 16 (D) 24

52. The moment of inertia of a circular ring of radius a and mass M about an axis through the centre perpendicular its plane is

- (A) $\frac{1}{2} Ma^2$ (B) Ma^2
(C) $\frac{2}{3} Ma^2$ (D) $\frac{4}{3} Ma^2$

53. The orthogonal trajectories to the family of straight lines $y = k(x-1)$, $k \in \mathbb{R}$, are given by

- (A) $(x-1)^2 + y^2 = c^2$
(B) $(x-1)^2 + (y-1)^2 = c^2$
(C) $ky + x - 1 = 0$
(D) $x^2 + y^2 = c^2$

54. If each element of a 3×3 matrix A is multiplied by 3 then the determinant of the newly formed matrix is

- (A) $3 |A|$ (B) $9 |A|$
(C) $(|A|)^3$ (D) $27 |A|$

55. The dimension of the vector space of all 3×3 real symmetric matrices is

- (A) 3 (B) 6
(C) $3n$ (D) 9



56. यदि समतल $x + 2y + 3z = p$, शंकवज $x^2 - 2y^2 + 3z^2 = 2$ को स्पर्श करता है, तो p का मान है

- (A) 0 (B) 1
(C) 4 (D) 2

57. $\iint_S \vec{F} \cdot \hat{n} ds$ का मान, जहाँ

$\vec{F} = 4xz\hat{i} - y^2\hat{j} + yz\hat{k}$ तथा S एक घन की सतह है जो $x = 0, x = 1, y = 0, y = 1, z = 0, z = 1$ के परिबद्ध है, है

- (A) 1 (B) $\frac{3}{2}$
(C) 3 (D) $\frac{5}{2}$

58. आंशिक अवकल समीकरण $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = x + y$ का व्यापक हल है $z =$

- (A) $\frac{1}{2} xy(x - y) + F(x) + G(y)$
(B) $\frac{1}{2} xy(x + y) + F(x) + G(y)$
(C) $\frac{1}{2} xy(x - y) + F(x) G(y)$
(D) $\frac{1}{2} xy(x + y) + F(x) G(y)$

59. यदि H और K एक समूह G के उपसमूह इस प्रकार हैं कि $O(H) = 3$ और $O(K) = 5$, तो $O(H \cap K)$ क्या होगा ?

- (A) 1 (B) 3
(C) 5 (D) 15

56. If the plane $x + 2y + 3z = p$ touches the conicoid $x^2 - 2y^2 + 3z^2 = 2$, then the value of p is

- (A) 0 (B) 1
(C) 4 (D) 2

57. Value of $\iint_S \vec{F} \cdot \hat{n} ds$, where

$\vec{F} = 4xz\hat{i} - y^2\hat{j} + yz\hat{k}$ and S is the surface of the cube bounded by $x = 0, x = 1, y = 0, y = 1, z = 0, z = 1$ is

- (A) 1 (B) $\frac{3}{2}$
(C) 3 (D) $\frac{5}{2}$

58. The general solution of the partial differential equation $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = x + y$ is of the form $z =$

- (A) $\frac{1}{2} xy(x - y) + F(x) + G(y)$
(B) $\frac{1}{2} xy(x + y) + F(x) + G(y)$
(C) $\frac{1}{2} xy(x - y) + F(x) G(y)$
(D) $\frac{1}{2} xy(x + y) + F(x) G(y)$

59. If H and K are subgroups of a group G such that $O(H) = 3$ and $O(K) = 5$, then what will be $O(H \cap K)$?

- (A) 1 (B) 3
(C) 5 (D) 15



60. $\sum_{r=0}^n 3^r {}^nC_r$ बराबर है

- (A) 2^n (B) 3^n
(C) 4^n (D) 1

61. $\sin \log(i^i)$ का मान है

- (A) 0 (B) 1
(C) -1 (D) $\frac{1}{2}$

62. फलन $f(x) = \frac{1 - \cos x}{x^2}$, $x \neq 0$ को $x = 0$ पर सतत बनाया जा सकता है यदि $f(0)$ को परिभाषित करें, $f(0) =$

- (A) 1 (B) $\frac{1}{2}$
(C) 0 (D) 2

63. आव्यूह $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ के भिन्न आइगेन मान हैं

- (A) 0, 1 (B) 1, -1
(C) 0, 2 (D) 1, 2

64. यदि $\hat{r} = \frac{\vec{r}}{r}$, $r = |\vec{r}|$, तो $\text{div } \hat{r}$ बराबर है

- (A) 0 (B) -1
(C) $\frac{1}{r}$ (D) $\frac{2}{r}$

65. यदि $W = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x + y - z = 0\}$ सदिश समष्टि \mathbb{R}^3 की उप समष्टि है, तो W की विमा है

- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) 3

60. $\sum_{r=0}^n 3^r {}^nC_r$ is equal to

- (A) 2^n (B) 3^n
(C) 4^n (D) 1

61. The value of $\sin \log(i^i)$ is

- (A) 0 (B) 1
(C) -1 (D) $\frac{1}{2}$

62. The function $f(x) = \frac{1 - \cos x}{x^2}$, $x \neq 0$ can be made continuous at $x = 0$ by defining $f(0)$ to be equal to

- (A) 1 (B) $\frac{1}{2}$
(C) 0 (D) 2

63. The distinct eigen values of the matrix

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ are}$$

- (A) 0, 1 (B) 1, -1
(C) 0, 2 (D) 1, 2

64. If $\hat{r} = \frac{\vec{r}}{r}$, $r = |\vec{r}|$, then $\text{div } \hat{r}$ is equal to

- (A) 0 (B) -1
(C) $\frac{1}{r}$ (D) $\frac{2}{r}$

65. If $W = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x + y - z = 0\}$ is a subspace of the vector space \mathbb{R}^3 , then $\dim W$ is

- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) 3



66. यदि $A = f(x) = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x & 0 \\ -\sin x & \cos x & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ तो

A^{-1} है

- (A) $f(x)$ (B) $-f(x)$
(C) $f(-x)$ (D) $-f(-x)$

67. xy -तल पर, परवलय $y^2 = x$ के अनुदिश बिन्दु $(0, 0)$ से $(1, 1)$ तक बल $\vec{F} = (x^2 - y^2 + x)\hat{i} - (2xy + y)\hat{j}$ द्वारा किया गया कार्य है

- (A) 2
(B) 3
(C) $\frac{1}{2}$
(D) इसमें से कोई नहीं

68. यदि $u = \sin^{-1} \left(\frac{x^2 + y^2}{x + y} \right)$, तो $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$

का मान बराबर है

- (A) $\cos 2u$ (B) $\tan u$
(C) $\tan 2u$ (D) $\cot u$

69. यदि समीकरण $x^2 + px + 12 = 0$ के मूलों का अन्तर एक हो तो p के मान हैं

- (A) ± 7 (B) ± 2
(C) ± 3 (D) ± 1

70. अतिपरवलय $2x^2 - 3y^2 = 6$ पर बिन्दु $(-2, -1)$ से खींची गयी स्पर्श रेखाओं के समीकरण हैं

- (A) $3x + y + 5 = 0, x - y + 1 = 0$
(B) $3x + y + 5 = 0, x + y + 1 = 0$
(C) $3x - y + 5 = 0, x + y + 1 = 0$
(D) $3x - y + 5 = 0, x - y + 1 = 0$

66. If $A = f(x) = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x & 0 \\ -\sin x & \cos x & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ then

A^{-1} is

- (A) $f(x)$ (B) $-f(x)$
(C) $f(-x)$ (D) $-f(-x)$

67. The work done by the force $\vec{F} = (x^2 - y^2 + x)\hat{i} - (2xy + y)\hat{j}$, displacing a particle in the xy plane from $(0, 0)$ to $(1, 1)$ along the parabola $y^2 = x$, is

- (A) 2
(B) 3
(C) $\frac{1}{2}$
(D) none of these

68. If $u = \sin^{-1} \left(\frac{x^2 + y^2}{x + y} \right)$, then

$x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ is equal to

- (A) $\cos 2u$ (B) $\tan u$
(C) $\tan 2u$ (D) $\cot u$

69. If the difference of the roots of the equation $x^2 + px + 12 = 0$ is one then the values of p are

- (A) ± 7 (B) ± 2
(C) ± 3 (D) ± 1

70. The equation of the tangents drawn from the point $(-2, -1)$ to the hyperbola $2x^2 - 3y^2 = 6$ are

- (A) $3x + y + 5 = 0, x - y + 1 = 0$
(B) $3x + y + 5 = 0, x + y + 1 = 0$
(C) $3x - y + 5 = 0, x + y + 1 = 0$
(D) $3x - y + 5 = 0, x - y + 1 = 0$

$\sqrt{p^2 - 48} = 21$
 $p^2 - 48 = 441$
 $p^2 = 489$
 $p = \pm \sqrt{489}$

$$\begin{bmatrix} \cos m & -\sin m & 0 \\ -\sin m & \cos m & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} \cos m & -\sin m & 0 \\ \sin m & \cos m & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} \cos m & -\sin m & 0 \\ \sin m & \cos m & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} \cos m & -\sin m & 0 \\ \sin m & \cos m & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

71. यदि $f(a-x) = f(x)$ तो $\int_0^a x f(x) dx$ का मान है
 (A) $\frac{a}{2} \int_0^a f(x) dx$ (B) $a \int_0^a f(x) dx$
 (C) 0 (D) $2 \int_0^a f(x) dx$

72. एक पत्थर 150 मीटर दूर स्थित एक 75 मीटर ऊँची दीवार को ठीक ऊपर से पार करते हुए क्षैतिज दिशा में जाता है, तो प्रक्षेप कोण है
 (A) 30° (B) 60°
 (C) 45° (D) 75°

73. माना $(z, 0)$ एक क्रम विनियम समूह है, जिसमें $a, b \in \mathbb{Z}$, $a \circ b \stackrel{\text{def}}{=} a + b + 1$ से परिभाषित है। माना a का व्युत्क्रम a' है, तो a' का मान है
 (A) $-a + 1$ (B) $-a - 1$
 (C) $-a - 2$ (D) $-a + 2$

74. यदि $hxy + gx + fy = c$, $h \neq 0$ एक रेखा युग्म के समीकरण को निरूपित करता है, तो
 (A) $fc + gh = 0$ (B) $fh + cg = 0$
 (C) $gf + ch = 0$ (D) $gc + f^2 = 0$

75. यदि $y = \sin(\log x)$, तो निम्नलिखित में कौन सही है ?
 (A) $\frac{d^2y}{dx^2} + xy = 0$
 (B) $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$
 (C) $x^2 \frac{d^2y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + y = 0$
 (D) $x^2 \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} + y = 0$

71. If $f(a-x) = f(x)$ then $\int_0^a x f(x) dx$ is equal to
 (A) $\frac{a}{2} \int_0^a f(x) dx$ (B) $a \int_0^a f(x) dx$
 (C) 0 (D) $2 \int_0^a f(x) dx$

72. A stone just clears a wall of height 75 meters situated at a distance 150 meter and goes in horizontal direction, then the angle of projection is
 (A) 30° (B) 60°
 (C) 45° (D) 75°

73. Let $(z, 0)$, where $a \circ b \stackrel{\text{def}}{=} a + b + 1$, $a, b \in \mathbb{Z}$ is a commutative group. Let a' be inverse of a , then a' is equal to
 (A) $-a + 1$ (B) $-a - 1$
 (C) $-a - 2$ (D) $-a + 2$

74. If the equation $hxy + gx + fy = c$, $h \neq 0$ represents a pair of straight lines, then
 (A) $fc + gh = 0$ (B) $fh + cg = 0$
 (C) $gf + ch = 0$ (D) $gc + f^2 = 0$

75. If $y = \sin(\log x)$, then which of the following is correct?
 (A) $\frac{d^2y}{dx^2} + xy = 0$
 (B) $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$
 (C) $x^2 \frac{d^2y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + y = 0$
 (D) $x^2 \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} + y = 0$

PG-06/C



76. यदि $x^y = y^x$, तो $\frac{x}{y} \frac{dy}{dx}$ बराबर है

- (A) $\frac{x \log y + y}{y \log x + x}$ (B) $\frac{x \log y - y}{y \log x - x}$
(C) $\frac{y \log x + x}{x \log y + y}$ (D) $\frac{y \log x - x}{x \log y - y}$

77. $\sin^2(x + iy)$ का वास्तविक भाग है

- (A) $\frac{1}{2} [1 + \cos 2x \cosh 2y]$
(B) $\frac{1}{2} [1 - \cos 2x \cosh 2y]$
(C) $\frac{1}{2} [1 + \sin 2x \sinh 2y]$
(D) $\frac{1}{2} [1 - \sin 2x \sinh 2y]$

78. मान लीजिए 'a' एक समूह का अवयव है और $O(a) = 30$, $O(a^{18})$ बराबर है

- (A) 2 (B) 5
(C) 6 (D) 10

79. यदि \vec{A} और \vec{B} सदिश इस प्रकार हैं कि $|\vec{A}| = |\vec{B}| = 5$ और $\vec{A} \times \vec{B} = 4\hat{i} - 3\hat{k}$, तो $\vec{A} \cdot \vec{B}$ बराबर है

- (A) $5\sqrt{6}$ (B) $5\sqrt{2}$
(C) $10\sqrt{2}$ (D) $10\sqrt{6}$

80. $\lim_{(x,y) \rightarrow (2,1)} \frac{\sin^{-1}(xy-2)}{\tan^{-1}(3xy-6)}$ का मान है

- (A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{1}{2}$
(C) 1 (D) 2

76. If $x^y = y^x$, then $\frac{x}{y} \frac{dy}{dx}$ is equal to

- (A) $\frac{x \log y + y}{y \log x + x}$ (B) $\frac{x \log y - y}{y \log x - x}$
(C) $\frac{y \log x + x}{x \log y + y}$ (D) $\frac{y \log x - x}{x \log y - y}$

77. Real part of $\sin^2(x + iy)$ is

- (A) $\frac{1}{2} [1 + \cos 2x \cosh 2y]$
(B) $\frac{1}{2} [1 - \cos 2x \cosh 2y]$
(C) $\frac{1}{2} [1 + \sin 2x \sinh 2y]$
(D) $\frac{1}{2} [1 - \sin 2x \sinh 2y]$

78. Let 'a' be an element of a group and $O(a) = 30$, $O(a^{18})$ is equal to

- (A) 2 (B) 5
(C) 6 (D) 10

79. If \vec{A} and \vec{B} are vectors such that $|\vec{A}| = |\vec{B}| = 5$ and $\vec{A} \times \vec{B} = 4\hat{i} - 3\hat{k}$, then $\vec{A} \cdot \vec{B}$ is equal to

- (A) $5\sqrt{6}$ (B) $5\sqrt{2}$
(C) $10\sqrt{2}$ (D) $10\sqrt{6}$

80. $\lim_{(x,y) \rightarrow (2,1)} \frac{\sin^{-1}(xy-2)}{\tan^{-1}(3xy-6)}$ is equal to

- (A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{1}{2}$
(C) 1 (D) 2

PG-06/C

20

$$\begin{aligned} \vec{A} \cdot \vec{B} &= \sin \alpha \\ 5 \times 5 \times \sin \alpha &= 5 \\ \sin \alpha &= \frac{1}{5} \\ \cos \alpha &= \frac{\sqrt{24}}{5} \end{aligned}$$

81. मान लीजिए G , एक कोटि 6 का चक्रीय समूह है। तो $g \in G$ के अवयवों की संख्या, जिससे कि $G = \langle g \rangle$ है, है
- (A) 2 (B) 3
(C) 4 (D) 5
82. घनात्मक पूर्णांक n का न्यूनतम मान, जिसके लिये $(1+i)^n = (1-i)^n$ हो, है
- (A) 2 (B) 4
(C) 6 (D) 8
83. यदि सदिश $x\hat{i} - 3\hat{j} + 7\hat{k}$ तथा $\hat{i} - y\hat{j} - z\hat{k}$ संरेखी हैं, तो $\frac{xy^2}{z}$ का मान है
- (A) $\frac{9}{7}$
(B) $\frac{6}{7}$
(C) $-\frac{6}{7}$
(D) उपरोक्त में से कोई नहीं
84. यदि a, b, c समान्तर श्रेणी में हैं तो
- $$\begin{vmatrix} x+1 & x+2 & x+a \\ x+2 & x+3 & x+b \\ x+3 & x+4 & x+c \end{vmatrix}$$
- का मान है
- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) abc
85. यदि $\sin(\theta + i\phi) = \tan \alpha + i \sec \alpha$ तो $\cos 2\theta \cosh 2\phi$ का मान बराबर है
- (A) 3 (B) 2
(C) 6 (D) 4
81. Let G be a cyclic group of order 6. Then, the number of elements $g \in G$, such that $G = \langle g \rangle$ is
- (A) 2 (B) 3
(C) 4 (D) 5
82. The smallest value of positive integer n , for which $(1+i)^n = (1-i)^n$, is
- (A) 2 (B) 4
(C) 6 (D) 8
83. If the vectors $x\hat{i} - 3\hat{j} + 7\hat{k}$ and $\hat{i} - y\hat{j} - z\hat{k}$ are colinear then the value of $\frac{xy^2}{z}$ is equal to
- (A) $\frac{9}{7}$
(B) $\frac{6}{7}$
(C) $-\frac{6}{7}$
(D) none of the above
84. If a, b, c are in arithmetic progression then the value of
- $$\begin{vmatrix} x+1 & x+2 & x+a \\ x+2 & x+3 & x+b \\ x+3 & x+4 & x+c \end{vmatrix}$$
- is
- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) abc
85. If $\sin(\theta + i\phi) = \tan \alpha + i \sec \alpha$ then $\cos 2\theta \cosh 2\phi$ is equal to
- (A) 3 (B) 2
(C) 6 (D) 4



86. क्रमशः 6 सें.मी. तथा 3 सें. मी. त्रिज्या के दो एक ही पदार्थ से बने समांग ठोस गोले दृढ़ता पूर्वक मिले हुये हैं। बड़े गोले के केन्द्र से सम्पूर्ण निकाय के गुरुत्व केन्द्र की दूरी है

- (A) 4 सें.मी. (B) 3 सें.मी.
(C) 2 सें.मी. (D) 1 सें.मी.

87. आव्यूह $A = \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ के आइगेन मान हैं

- (A) 6, 0 (B) 3, 2
(C) 6, 1 (D) 1, 2

88. यदि A एक अव्युत्क्रमणीय आव्यूह हो, तो A. adj(A) है

- (A) एक तत्समक आव्यूह
(B) एक शून्य आव्यूह
(C) एक अदिश आव्यूह
(D) उपरोक्त में से कोई नहीं

89. यदि $f(x) = \frac{x+2}{x+3}$ और $y = f^{-1}(x)$, तो $\frac{dy}{dx}$ बराबर है

- (A) $\frac{2}{(x+3)^2}$ (B) $\frac{1}{(x-1)^2}$
(C) $\frac{x-2}{x-3}$ (D) $\frac{1}{(x+1)^2}$

90. यदि रेखा $ax + by + c = 0$ परवलय $y^2 = x$ को स्पर्श करती है, तो निम्नलिखित में कौन सही है ?

- (A) $abc = 1$ (B) $b^2 = 4ac$
(C) $a^2 = 4bc$ (D) $c^2 = 4ab$

PG-06/C

86. Two uniform solid spheres composed of the same material and having their radii 6 cm and 3 cm respectively are firmly united the distance of the centre of gravity of the whole body from the centre of the larger sphere is

- (A) 4 cms (B) 3 cms
(C) 2 cms (D) 1 cm

87. The eigen values of the matrix $A = \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ are

- (A) 6, 0 (B) 3, 2
(C) 6, 1 (D) 1, 2

88. If A is a singular matrix, then A. adj(A) is

- (A) an identity matrix
(B) a null matrix
(C) a scalar matrix
(D) none of the above

89. If $f(x) = \frac{x+2}{x+3}$ and $y = f^{-1}(x)$, then $\frac{dy}{dx}$ is equal to

- (A) $\frac{2}{(x+3)^2}$ (B) $\frac{1}{(x-1)^2}$
(C) $\frac{x-2}{x-3}$ (D) $\frac{1}{(x+1)^2}$

90. If the line $ax + by + c = 0$ touches the parabola $y^2 = x$, then which of the following is correct ?

- (A) $abc = 1$ (B) $b^2 = 4ac$
(C) $a^2 = 4bc$ (D) $c^2 = 4ab$

- $$\frac{(1-n)3 + (3n-2)}{(1-n)2}$$



95. गोले $x^2 + y^2 + z^2 + x + y + z = 4$ की त्रिज्या है

- (A) 3 (B) 4
(C) $\frac{\sqrt{19}}{4}$ (D) $\frac{\sqrt{19}}{2}$

96. निम्नलिखित कथनों पर विचार कीजिए :

I: $\frac{d}{dx} \operatorname{sech} x = \operatorname{sech} x \tanh x$

II: $\frac{d}{dx} \sinh^{-1} x = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}$

निम्नलिखित में कौन सा/से सत्य है ?

- (A) केवल I (B) केवल II
(C) I और II दोनों (D) न तो I ना ही II

97. यदि V एक n -विमीय सदिश समष्टि है तथा T पर T एक रैखिक रूपान्तरण इस प्रकार है कि T की कोटि तथा शून्यता बराबर है, तो

- (A) n सम है
(B) n विषम है
(C) कभी सम तो कभी विषम
(D) उपरोक्त में से कोई नहीं

98. फलन $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \sin x$;

$g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x^2$, से परिभाषित है, तो फलनों का संयोजन $\operatorname{fog}(x)$ है

- (A) $\sin x + x^2$ (B) $(\sin x)^2$
(C) $\sin x^2$ (D) $x^2 \sin x$

99. यदि $f(x) = ax^2 + 2bx + 1$, a और b धनात्मक वास्तविक संख्याएँ हैं तथा $b^2 < a$, तो निम्नलिखित में कौन सही होगा ?

- (A) $f(x) = 0 \forall x \in \mathbb{R}$
(B) $f(x) > 0 \forall x \in \mathbb{R}$
(C) $f(x) < 0 \forall x \in \mathbb{R}$
(D) उपरोक्त में से कोई नहीं

95. The radius of sphere $x^2 + y^2 + z^2 + x + y + z = 4$ is

- (A) 3 (B) 4
(C) $\frac{\sqrt{19}}{4}$ (D) $\frac{\sqrt{19}}{2}$

96. Consider the following statements

I: $\frac{d}{dx} \operatorname{sech} x = \operatorname{sech} x \tanh x$

II: $\frac{d}{dx} \sinh^{-1} x = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}$

which of the following is/are true ?

- (A) only I (B) only II
(C) I and II both (D) neither I nor II

97. If V is a n -dimensional vector space and T is a linear transformation on V such that rank and nullity of T are identical then

- (A) n is even
(B) n is odd
(C) some times even some times odd
(D) none of the above

98. The composite mapping $\operatorname{fog}(x)$ of the maps $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \sin x$; $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x^2$, is

- (A) $\sin x + x^2$ (B) $(\sin x)^2$
(C) $\sin x^2$ (D) $x^2 \sin x$

99. If $f(x) = ax^2 + 2bx + 1$, a and b are positive real numbers and $b^2 < a$, then which of the following is correct ?

- (A) $f(x) = 0 \forall x \in \mathbb{R}$
(B) $f(x) > 0 \forall x \in \mathbb{R}$
(C) $f(x) < 0 \forall x \in \mathbb{R}$
(D) None of the above

$$\frac{1}{4} - \frac{1}{4} - \frac{1}{4} + 4 = \frac{3}{4} + 4 = \frac{19}{4}$$

$$\left(\frac{dy}{dx}\right)^2 - 7\frac{dy}{dx} + 12 = 0$$

- (A) $(y - 4x + c)(y - 3x + c) = 0$
(B) $(y + x + c)(y - x + c) = 0$
(C) $(y + 4x + c)(y + 3x + c) = 0$
(D) $(y + 2x + c)(y + 3x + c) = 0$

101. एक गोला एक समतल पर 20 सें.मी. प्रति सेकण्ड के वेग से उध्वीघर टकराकर 4 सें.मी. प्रति सेकण्ड के वेग से वापस ऊपर जाता है, तो प्रत्यानयन गुणांक e का मान है

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{3}$
(C) $\frac{1}{4}$ (D) $\frac{1}{5}$

102. यदि w , इकाई का घनमूल हो, तो $1 + w + w^2 + w^3 + \dots + w^{52}$, $w \neq 1$ बराबर है

- (A) w (B) $1 - w$
(C) $-w^2$ (D) $1 + w^2$

103. रेखा $y = mx + 1$ परवलय $y^2 = 4x$ की स्पर्श रेखा है, यदि

- (A) $m = 1$ (B) $m = 2$
(C) $m = -1$ (D) $m = -2$

$$104. \int_0^{\pi/4} (\cos 2\theta)^2 \cos \theta d\theta \text{ का मान है}$$

- (A) $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$ (B) $\frac{\pi}{4\sqrt{2}}$
(C) $\frac{3\pi}{16\sqrt{2}}$ (D) $\frac{3\pi}{8}$

$$100. \text{ The solution of differential equation } \left(\frac{dy}{dx}\right)^2 - 7\frac{dy}{dx} + 12 = 0 \text{ is}$$

- (A) $(y - 4x + c)(y - 3x + c) = 0$
(B) $(y + x + c)(y - x + c) = 0$
(C) $(y + 4x + c)(y + 3x + c) = 0$
(D) $(y + 2x + c)(y + 3x + c) = 0$

101. A sphere after collision with a plane vertically downwards with velocity 20 cm per second returns upwards with velocity 4 cm/second then the value of the coefficient of restitution e is

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{3}$
(C) $\frac{1}{4}$ (D) $\frac{1}{5}$

102. If w is cube root of unity, then $1 + w + w^2 + w^3 + \dots + w^{52}$, $w \neq 1$ is equal to

- (A) w (B) $1 - w$
(C) $-w^2$ (D) $1 + w^2$

103. The line $y = mx + 1$ is a tangent to the parabola $y^2 = 4x$, if

- (A) $m = 1$ (B) $m = 2$
(C) $m = -1$ (D) $m = -2$

$$104. \int_0^{\pi/4} (\cos 2\theta)^2 \cos \theta d\theta \text{ is equal to}$$

- (A) $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$ (B) $\frac{\pi}{4\sqrt{2}}$
(C) $\frac{3\pi}{16\sqrt{2}}$ (D) $\frac{3\pi}{8}$

105. $\begin{vmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 4 & 4 & 7 \\ 5 & 5 & 8 \\ 7 & 6 & 9 \end{vmatrix}$ का मान

(A) शून्य होगा

(B) $\begin{vmatrix} 5 & 8 & 14 \\ 7 & 10 & 16 \\ 10 & 12 & 18 \end{vmatrix}$ होगा

(C) $\begin{vmatrix} 5 & 4 & 7 \\ 7 & 5 & 8 \\ 10 & 6 & 9 \end{vmatrix}$ होगा

(D) $\begin{vmatrix} 1 & 8 & 14 \\ 2 & 10 & 16 \\ 3 & 12 & 18 \end{vmatrix}$ होगा

106. यदि $f(x) = \frac{ae^{bx} + be^{ax}}{a+b}$ तो $f'(0)$ बराबर है

(A) 0

(B) ab

(C) a + b

(D) ab(a + b)

107. शीर्ष मूलबिन्दु पर, अक्ष z अक्ष तथा अर्द्धशीर्ष कोण $\frac{\pi}{4}$ के एक लम्ब वृत्तीय शंकु का समीकरण है

(A) $x^2 + z^2 = y^2$

(B) $y^2 + x^2 = z^2$

(C) $z^2 + y^2 = x^2$

(D) $xy = z^2$

108. एक दौड़ में तीन धावकों P, Q, R के जीतने की प्रायिकताएं क्रमशः $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$ तथा $\frac{1}{5}$ हैं। इनमें से दौड़ में किसी भी धावक के न जीतने की प्रायिकता है

(A) $\frac{1}{5}$

(B) $\frac{13}{60}$

(C) $\frac{2}{5}$

(D) उपरोक्त में से कोई नहीं

PG-06/C

26

105. The sum of $\begin{vmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{vmatrix}$ and $\begin{vmatrix} 4 & 4 & 7 \\ 5 & 5 & 8 \\ 7 & 6 & 9 \end{vmatrix}$ will be

(A) zero

(B) $\begin{vmatrix} 5 & 8 & 14 \\ 7 & 10 & 16 \\ 10 & 12 & 18 \end{vmatrix}$

(C) $\begin{vmatrix} 5 & 4 & 7 \\ 7 & 5 & 8 \\ 10 & 6 & 9 \end{vmatrix}$

(D) $\begin{vmatrix} 1 & 8 & 14 \\ 2 & 10 & 16 \\ 3 & 12 & 18 \end{vmatrix}$

106. If $f(x) = \frac{ae^{bx} + be^{ax}}{a+b}$, then $f'(0)$ equals

(A) 0

(B) ab

(C) a + b

(D) ab(a + b)

107. The equation of a right circular cone with vertex at the origin the axis the z axis and semi vertical angle $\frac{\pi}{4}$ is

(A) $x^2 + z^2 = y^2$

(B) $y^2 + x^2 = z^2$

(C) $z^2 + y^2 = x^2$

(D) $xy = z^2$

108. The probabilities of winning a race by three racers P, Q, R are $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$ and $\frac{1}{5}$ respectively. The probability of none of them wins in the race is

(A) $\frac{1}{5}$

(B) $\frac{13}{60}$

(C) $\frac{2}{5}$

(D) None of the above

$\frac{a^b e^{bn} + a^b e^{an}}{2}$

$\frac{a^b e^{bn} + a^b e^{an}}{2}$



109. यदि $y = -1$ जब $x = 0$ तो अवकल समीकरण $(1 + e^{2x}) dy + (1 + y^2) e^x dx = 0$ का हल है

- (A) $\tan^{-1} y + \tan^{-1} e^x = 0$
(B) $\tan^{-1} xy + \tan^{-1} e^x = 0$
(C) $\tan^{-1} y + \tan^{-1} (xe^x) = 0$
(D) उपरोक्त में से कोई नहीं

110. $y = ae^{-bx}$ (a, b प्राचल है) का अवकल समीकरण है

- (A) $y \frac{dy}{dx} = \left(\frac{d^2 y}{dx^2} \right)^2$
(B) $y \frac{d^2 y}{dx^2} = \left(\frac{dy}{dx} \right)^2$
(C) $y \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 = \frac{d^2 y}{dx^2}$
(D) $y \left(\frac{d^2 y}{dx^2} \right)^2 = \frac{dy}{dx}$

111. यदि सरल रेखा $y = mx$, वृत्त $x^2 + y^2 - 20y + 90 = 0$ के बाहर स्थित है, तो m का मान संतुष्ट करेगा

- (A) $|m| < 3$ (B) $m < 3$
(C) $m > 3$ (D) $|m| > 3$

112. यदि आव्यूह $\begin{bmatrix} k & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \\ 1 & 1 & 4 \end{bmatrix}$ की शून्यता 1 है, तो k का मान है

- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) -1

109. If $y = -1$ when $x = 0$ then the solution of the differential equation $(1 + e^{2x}) dy + (1 + y^2) e^x dx = 0$ is

- (A) $\tan^{-1} y + \tan^{-1} e^x = 0$
(B) $\tan^{-1} xy + \tan^{-1} e^x = 0$
(C) $\tan^{-1} y + \tan^{-1} (xe^x) = 0$
(D) none of the above

110. The differential equation of $y = ae^{-bx}$ (a and b are parameters) is

- (A) $y \frac{dy}{dx} = \left(\frac{d^2 y}{dx^2} \right)^2$
(B) $y \frac{d^2 y}{dx^2} = \left(\frac{dy}{dx} \right)^2$
(C) $y \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 = \frac{d^2 y}{dx^2}$
(D) $y \left(\frac{d^2 y}{dx^2} \right)^2 = \frac{dy}{dx}$

111. If the straight line $y = mx$ lies outside the circle $x^2 + y^2 - 20y + 90 = 0$, then the value of m will satisfy

- (A) $|m| < 3$ (B) $m < 3$
(C) $m > 3$ (D) $|m| > 3$

112. If the nullity of the matrix $\begin{bmatrix} k & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \\ 1 & 1 & 4 \end{bmatrix}$ is 1, then the value of k is

- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) -1



113. यदि $f(2) = 4$ तथा $f'(2) = 1$ तो

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{xf(2) - 2f(x)}{x - 2} \text{ बराबर है}$$

- (A) 2
(B) 0
(C) 1
(D) 4

114. यदि एक सामान्य रज्जुवक्र के किसी बिन्दु P पर अभिलम्ब नियता से बिन्दु Q पर मिलता है तथा P पर सामान्य रज्जुवक्र की वक्रता त्रिज्या ρ है, तो PQ बराबर है

- (A) ρ (B) $c \sec \psi$
(C) $c \tan \psi$ (D) $c^2 \sec \psi$

115. $(1 - 2x + 3x^2 - 4x^3 + \dots)^{-n}$ के विस्तार में x^n का गुणांक है

- (A) $(-1)^{n+1}n$
(B) $\frac{|2n|}{(n)^2}$
(C) $\frac{|2n|}{|n+1| |n-1|}$

(D) उपर्युक्त में से कोई नहीं

116. $e^{\sin(x+iy)}$ का वास्तविक भाग है

- (A) $e^{\sin x} \cosh y [\cos(\cos x \sin y)]$
(B) $e^{\sin x} \cosh y [\sin(\cos x \sin y)]$
(C) $e^{\cos x} \sinh y [\cos(\cos x \sin y)]$
(D) $e^{\cos x} \sinh y [\sin(\cos x \sin y)]$

PG-06/C

113. If $f(2) = 4$ and $f'(2) = 1$ then

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{xf(2) - 2f(x)}{x - 2} \text{ is equal to}$$

- (A) 2
(B) 0
(C) 1
(D) 4

114. If normal at any point P of a common catenary meets the directrix at Q and ρ is the radius of curvature of the catenary at P then PQ is equal to

- (A) ρ (B) $c \sec \psi$
(C) $c \tan \psi$ (D) $c^2 \sec \psi$

115. The coefficient of x^n in the expansion of $(1 - 2x + 3x^2 - 4x^3 + \dots)^{-n}$

- (A) $(-1)^{n+1}n$
(B) $\frac{|2n|}{(n)^2}$
(C) $\frac{|2n|}{|n+1| |n-1|}$

(D) None of the above

116. The real part of $e^{\sin(x+iy)}$ is

- (A) $e^{\sin x} \cosh y [\cos(\cos x \sin y)]$
(B) $e^{\sin x} \cosh y [\sin(\cos x \sin y)]$
(C) $e^{\cos x} \sinh y [\cos(\cos x \sin y)]$
(D) $e^{\cos x} \sinh y [\sin(\cos x \sin y)]$



117. रेखाओं की दिक् कोज्यायें समीकरण $l + m + n = 0$ तथा $2l/m + 2n/m - mn = 0$ को सन्तुष्ट करती हैं। रेखाओं के बीच का कोण है

- (A) 45°
(B) 90°
(C) 120°
(D) उपर्युक्त में से कोई नहीं

118. $\int_0^1 \frac{x^7}{1+x^{16}} dx$ का मान है

- (A) $\frac{\pi}{4}$ (B) 0
(C) $\frac{\pi}{32}$ (D) 1

119. यदि T एक रैखिक रूपान्तरण $R^3 \rightarrow R^2$ पर है जो $T(x, y, z) = (x + y, y - z)$ से परिभाषित है। तो क्रमित आधार $\{(1, 1, 1), (1, -1, 0), (0, 1, 0)\}$ तथा $\{(1, 1), (1, 0)\}$ से T की आव्यूह है

- (A) $\begin{bmatrix} 0 & -1 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} -2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$
(C) $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$

120. एक मात्रक सदिश, जो पृष्ठ $x^2 - xy + z^2 = 1$ के बिन्दु $(1, 1, 1)$ पर अभिलंब हो, है

- (A) $\frac{\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$ (B) $\frac{\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$
(C) $\frac{\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$ (D) $\frac{\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$

117. The angle between the lines whose direction cosines satisfy the equations $l + m + n = 0$ and $2l/m + 2n/m - mn = 0$ is

- (A) 45°
(B) 90°
(C) 120°
(D) none of the above

118. The value of $\int_0^1 \frac{x^7}{1+x^{16}} dx$ is equal to

- (A) $\frac{\pi}{4}$ (B) 0
(C) $\frac{\pi}{32}$ (D) 1

119. Let T be a linear transformation from $R^3 \rightarrow R^2$, defined by $T(x, y, z) = (x + y, y - z)$ then the matrix T with respect to the ordered basis $\{(1, 1, 1), (1, -1, 0), (0, 1, 0)\}$ and $\{(1, 1), (1, 0)\}$ is

- (A) $\begin{bmatrix} 0 & -1 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} -2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$
(C) $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$

120. A unit vector, which is normal to the surface $x^2 - xy + z^2 = 1$ at the point $(1, 1, 1)$ is

- (A) $\frac{\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$ (B) $\frac{\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$
(C) $\frac{\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$ (D) $\frac{\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}}{\sqrt{6}}$



121. श्रेणी
 $\frac{1}{2} + \frac{1+2}{3} + \frac{1+2+3}{4} + \frac{1+2+3+4}{5} + \dots$

का योग है

- (A) $2e$ (B) e
 (C) $e - 1$ (D) $\frac{e}{2}$

122. यदि A तथा B दो समुच्चय इस प्रकार हैं कि $n(A) = 4$, $n(B) = 3$ तो $n(A \cap B)$ का महत्तम मान है

- (A) 0 (B) 1
 (C) 4 (D) 3

123. यदि वक्र $y = f(x)$ के बिन्दु (a, b) पर अभिलम्ब धनात्मक x अक्ष से $\frac{3\pi}{4}$ कोण बनाता है, तो $f'(a)$ का मान बराबर है

- (A) 1 (B) -1
 (C) $\frac{a}{b}$ (D) $\frac{b}{a}$

124. A और B एक पांसा फेंकते हैं। B द्वारा फेंकी गई संख्या से A द्वारा फेंकी गई संख्या के अधिक होने की प्रायिकता है

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{5}{6}$
 (C) $\frac{5}{12}$ (D) $\frac{7}{12}$

125. मान लीजिए \hat{a} और \hat{b} इकाई सदिश है और इनके बीच का कोण θ है। $\cos \frac{\theta}{2}$ का मान निम्नलिखित में कौन सा होगा ?

- (A) $\frac{|\hat{a} + \hat{b}|}{4}$ (B) $\frac{|\hat{a} - \hat{b}|}{4}$
 (C) $\frac{|\hat{a} + \hat{b}|}{2}$ (D) $\frac{|\hat{a} - \hat{b}|}{2}$

121. Sum of the series
 $\frac{1}{2} + \frac{1+2}{3} + \frac{1+2+3}{4} + \frac{1+2+3+4}{5} + \dots$

is equal to

- (A) $2e$ (B) e
 (C) $e - 1$ (D) $\frac{e}{2}$

122. If A and B are two sets such that $n(A) = 4$, $n(B) = 3$ then the maximum value of $n(A \cap B)$ is

- (A) 0 (B) 1
 (C) 4 (D) 3

123. If the normal to curve $y = f(x)$ at the point (a, b) makes an angle $\frac{3\pi}{4}$ with the positive x axis then $f'(a)$ is equal to

- (A) 1 (B) -1
 (C) $\frac{a}{b}$ (D) $\frac{b}{a}$

124. A and B throw a dice. The probability that A's throw is greater than B's throw in numbers is

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{5}{6}$
 (C) $\frac{5}{12}$ (D) $\frac{7}{12}$

125. Let \hat{a} and \hat{b} be two unit vectors and θ be the angle between them. Which of the following will be value of $\cos \frac{\theta}{2}$?

- (A) $\frac{|\hat{a} + \hat{b}|}{4}$ (B) $\frac{|\hat{a} - \hat{b}|}{4}$
 (C) $\frac{|\hat{a} + \hat{b}|}{2}$ (D) $\frac{|\hat{a} - \hat{b}|}{2}$